

3D графика и трасиране на лъчи v.4.0



<http://raytracing-bg.net/>

Тема 4

Въведение в камерата
Пресичане с равнини

Съдържание

- Реализация на правоъгълна камера
- Реализация на raytracing алгоритъма
- Реализация на пресичане с равнина
- Шейдъри и текстури
- Домашни :)

Новини

- Сорскод на проекта (вижте и във форума)
- Записът от лекция 3
- Календар

Разходка из кода на проекта

- <http://code.raytracing-bg.net> (намира се в github)
- Изчакване в SDL (SDL events)
- Код, който ще ползваме наготово: Color, Vector, Matrix

Raytracing cheatsheet

- class Color:

- Създаване на цвят: `Color c(0.9, 0.6, 0.9)`
 - Web-формат: `Color c(0xe699e6)`
- Събиране на два цвята: `Color a, b, c; a = b+c;`
- Скалиране на цвят: `Color a; a = a*0.3; a /= 2;`
 - и т.н.
- Нулиране (`::makeZero()`), интензитет (`::intensity()`)

- Пример (осредняване на N измервания):

```
Color sum(0, 0, 0);  
for (int i = 0; i < N; i++) sum += getResult(i);  
sum /= N;
```

Raytracing cheatsheet

- class Vector:
 - Точка в 3D или посока според контекста
 - Посоките обикновено са нормирани, т.е. `::length() == 1`
 - Създаване
 - Като координати: `Vector v(0.3, -2, 0.8)`
 - Като посока от т. А към т. В (също вектори): `Vector dir = B - A;`
 - Скалиране: `v *= 1.5;` `x = a*0.5 - b*1.3;`
 - Дължина (`length()`, `lengthSqr()`), нормиране (`normalize()`)

Raytracing cheatsheet

- class Vector:

- Скалярно произведение:

```
double result = a*b;  
double result = dot(a, b);
```

- Ако a и b са нормирани, то $\text{dot}(a, b)$ е косинуса от ъгъла между тях

- Векторно произведение:

```
Vector result = a^b;
```


Нетривиален пример

- При дадена посока v (нормирана), намира ортонормиран базис $\{a, b\}$, перпендикулярен на v :

```
Vector a, b, t;  
do {  
    t = Vector(randomFloat(), randomFloat(), randomFloat());  
    if (t.length() > 1e-4) t.normalize();  
} while (t.length() < 1e-4 || fabs(t * v) > 0.9);  
a = t^v;  
a.normalize();  
b = a^v;
```

Raytracing cheatsheet

- Class Matrix

- 3x3 матрица с обичайните действия

- Умножение, `determinant()`, `inverseMatrix()`

- Умножението на `Vector` с матрица ще е отдясно ($v = v * m$)

- Генериране на ротационни матрици:

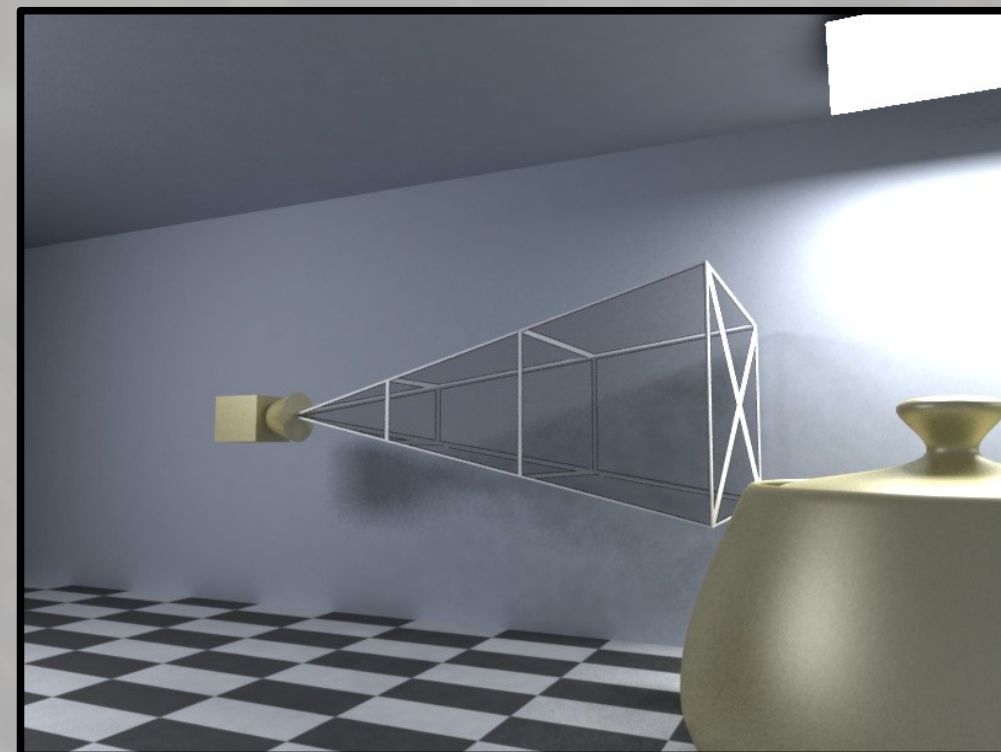
- Функциите `rotationAround«ос» («ъгъл»)`, където «ос» е X, Y или Z, а «ъгъл» е в радиани

- Например, да завъртим точката p спрямо $(0, 0, 0)$, първо с 30° около оста X и после с 90° около оста Z:

- $p *= \text{rotationAroundX}(PI/6) * \text{rotationAroundZ}(PI/2)$

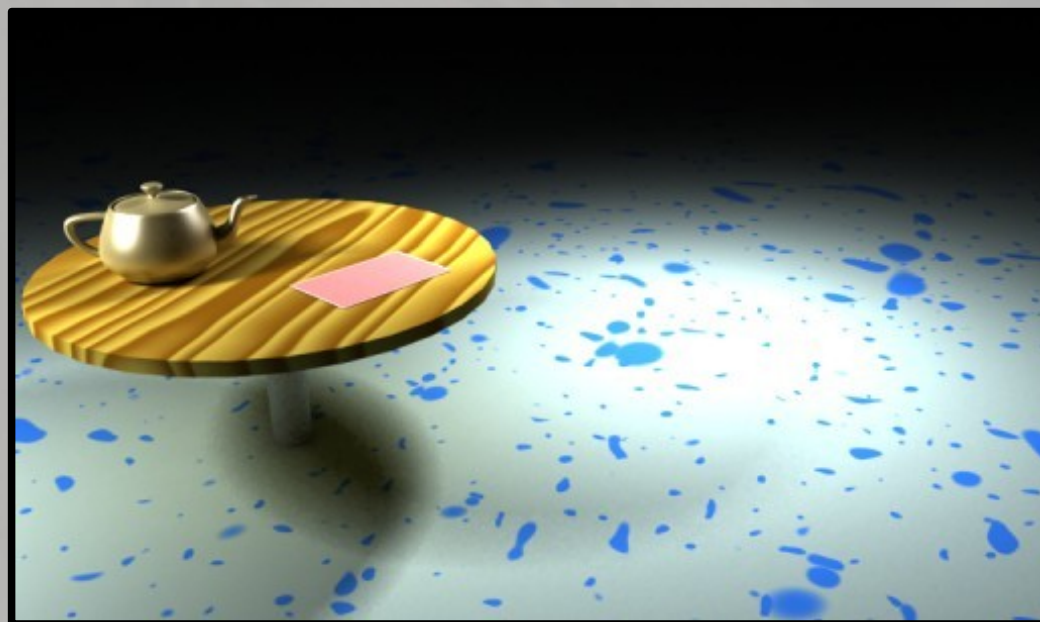
Реализация на камерата

- Ще реализираме стандартна, правоъгълна (rectilinear) камера
- Зрителното поле на камерата е във формата на правоъгълна пирамида
- Нарича се още pinhole camera
 - Няма фокус, DOF-ът е безкраен



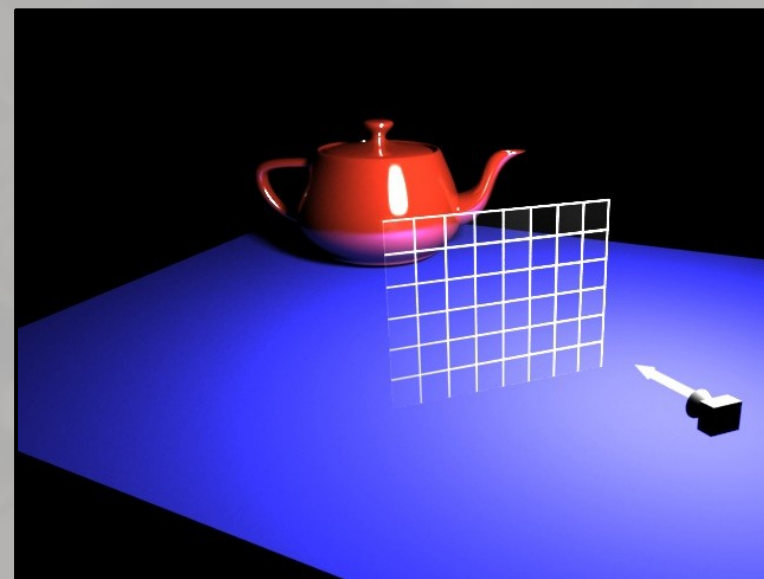
Реализация на камерата

- Ако разположим лист милиметрова хартия пред камерата, при подходяща разделителна способност, всяко квадратче ще отговаря на един пиксел
- Демонстрация [millimetre.m4v]



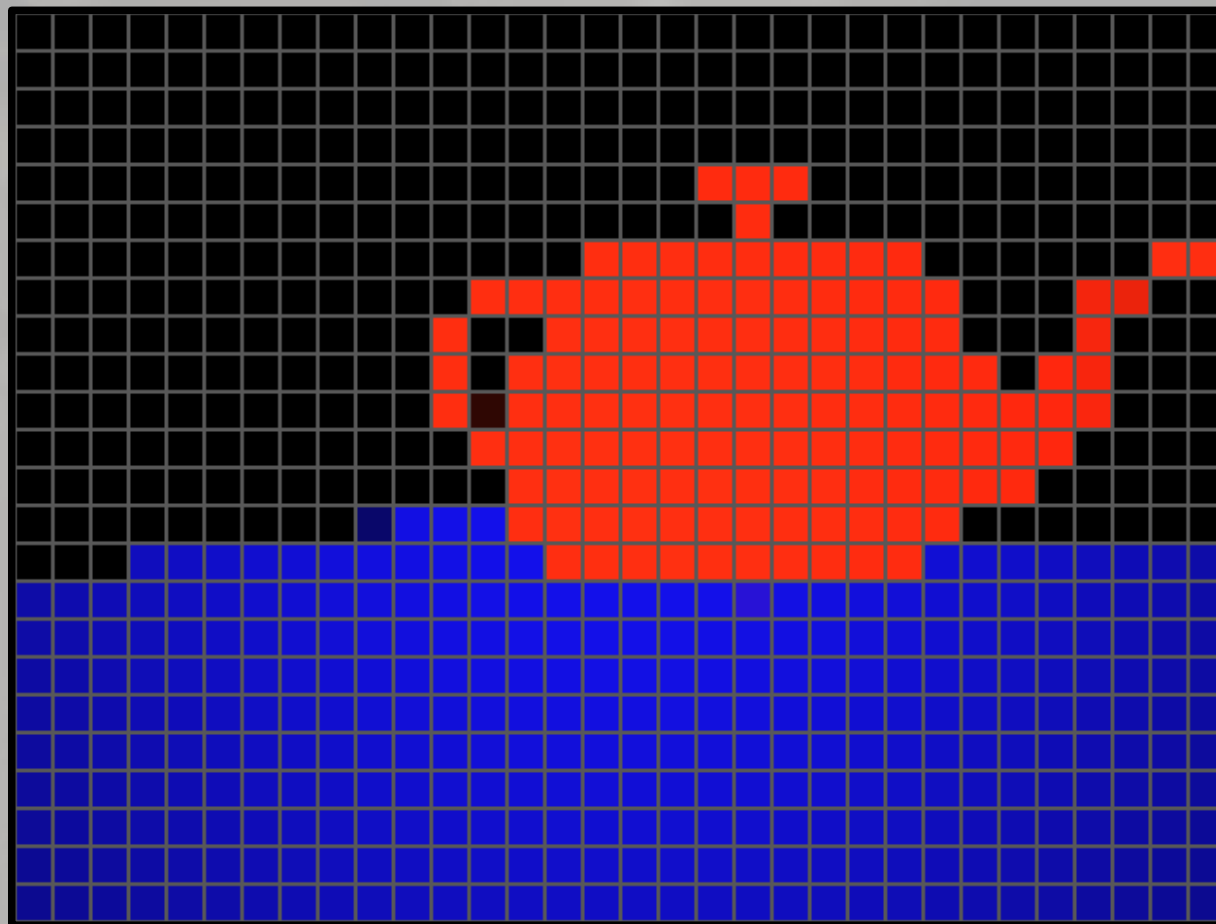
Реализация на камерата

- Най-простият възможен рейтрейсър: изстрелваме лъч през всеки пиксел и оцветяваме пиксела в зависимост от ударения обект
 - Например: черно, ако не ударим нищо; червено за чайник; синьо за равнина
- Демонстрация [primitive.m4v]



Реализация на камерата

- Резултатната картинка:



Реализация на камерата

- Ще симулираме листа „милиметрова хартия“
- Трябват ни просто три от краищата на листа (горен ляв, горен десен, долен ляв)
- Намиране на произволен пиксел (по зададени X, Y)
 - За X направлението, интерполираме между горен ляв и горен десен край
 - За Y направлението, интерполираме между горен ляв и долен ляв край
 - $$\text{DestP} = \text{TopLeft} + (\text{TopRight} - \text{TopLeft}) * (X / \text{screenW}) + (\text{BottomLeft} - \text{TopLeft}) * (Y / \text{screenH})$$

Реализация на камерата

- Как генерираме трите краища?
 - Ще предпологаме, че камерата се намира в $(0,0,0)$ и гледа в посока на оста Z
 - Ще разположим лист със зададеното отношение (*aspect ratio*), на разстояние 1 от камерата ($Z = 1$)
 - Т.е., с краища $(\pm \text{aspectRatio}, \pm 1, +1)$
 - Ще мащабираме листа, така че диагоналния ъгъл да стане колкото искаме (FOV)
 - За наше удобство, ще задаваме FOV-а в градуси

Реализация на камерата

Листът „милиметрова хартия“ е сивият правоъгълник.

BC е полу-диагонал на кадъра.

$\Rightarrow \angle \alpha$ е FOV/2

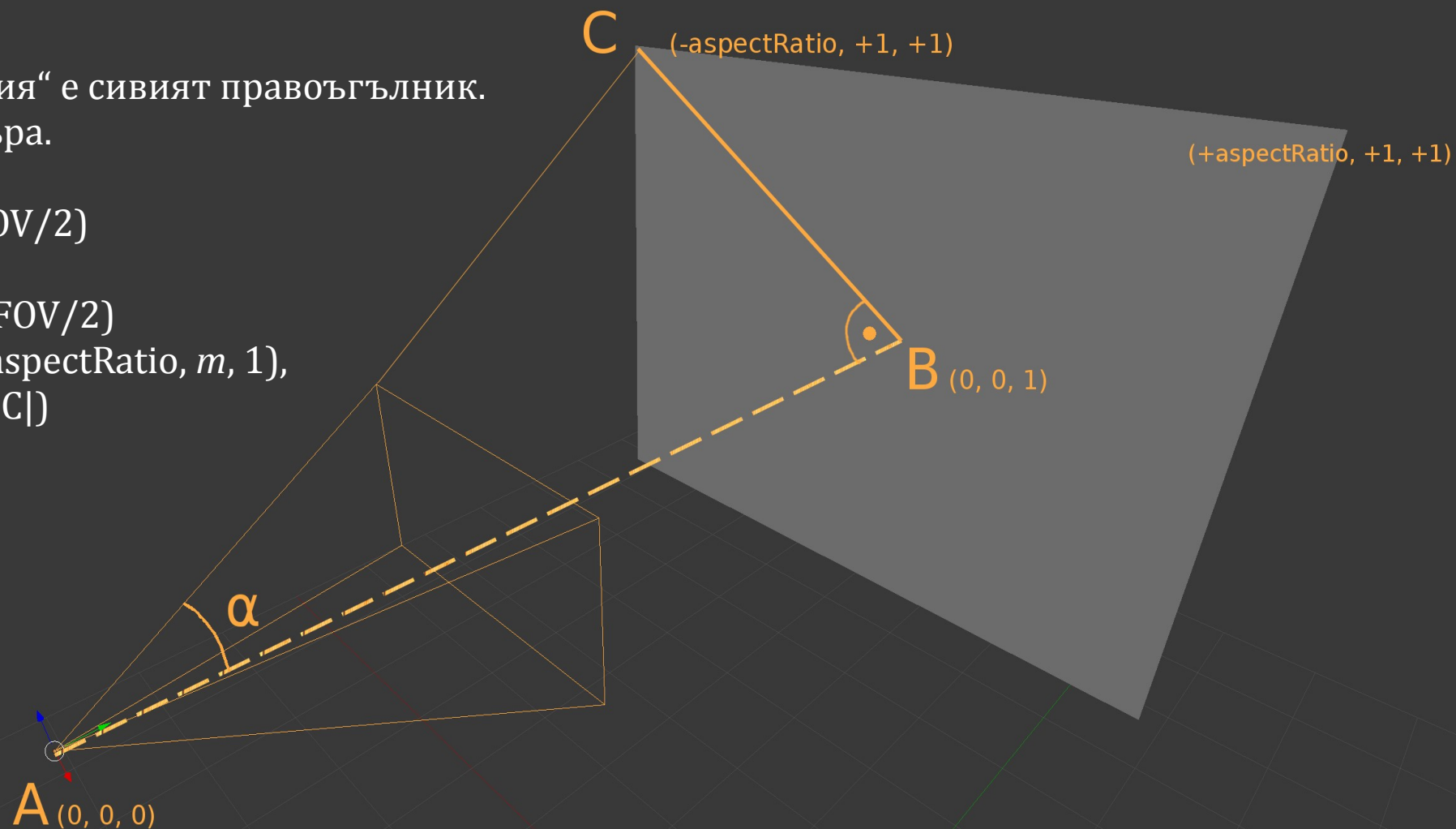
$|BC|/|AB| = \tan(\angle \alpha) = \tan(\text{FOV}/2)$

$|AB| = 1$

$\Rightarrow |BC|$ трябва да стане $\tan(\text{FOV}/2)$

За целта заменяме C с $(m^* - \text{aspectRatio}, m, 1)$,

където $m = \tan(\text{FOV}/2) / (|BC|)$



Реализация на камерата

- След скалирането по t , получаваме краищата на „лист милиметрова хартия“, задаващ правилния aspect ratio и FOV;
- Ще приложим трите ротации (roll, pitch и yaw) върху получените краища

Генериране на лъчи

- Генерирането на лъчи след това става по споменатата формула, като трябва да транслираме лъча да тръгва от позицията на камерата
 - Самия лъч задаваме като двойка (начало, посока), като посоката е единичен вектор.

Рендерирането на сцената

- **for each** *y* **in** *rows*:
 for each *x* **in** *columns*:
 ray = *camera.getRay(x, y)*
 vfb[x, y] = *raytrace(ray)*
- *raytrace()* е функция, която, по даден лъч, намира цвета на първия ударен обект по протежение на лъча

Nodes

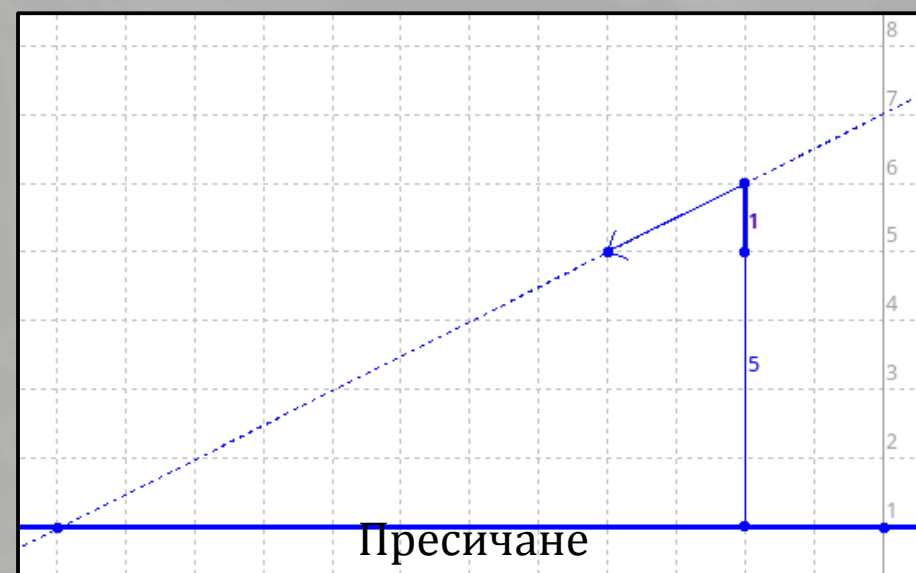
- Всеки обект в сцената има както геометрия, така и шейдър
- Намираме най-близката геометрия, пресичаща лъча, и викаме шейдъра на Node-а ѝ

Raytracing алгоритъм

- **Function** raytrace(ray) :
closestDist = $+\infty$
closestNode = None
for each node **in** sceneNodes:
 intersectionInfo = intersect(ray, node)
 if intersectionInfo.distance < closestDist:
 closestDist = intersectionInfo.distance
 closestNode = intersectionInfo.node
if closestDist == $+\infty$:
 return backgroundColor
return closestNode.computeColor()

Пресичане с равнина

- Ще реализираме обекта „равнина“. Равнината ще е успоредна на XZ координатната равнина, ще е зададено само разстоянието по y от XZ
- Имаме два случая:



Домашни

- Домашните ще са базирани на текущия сорс
- Подробности на сайта на курса