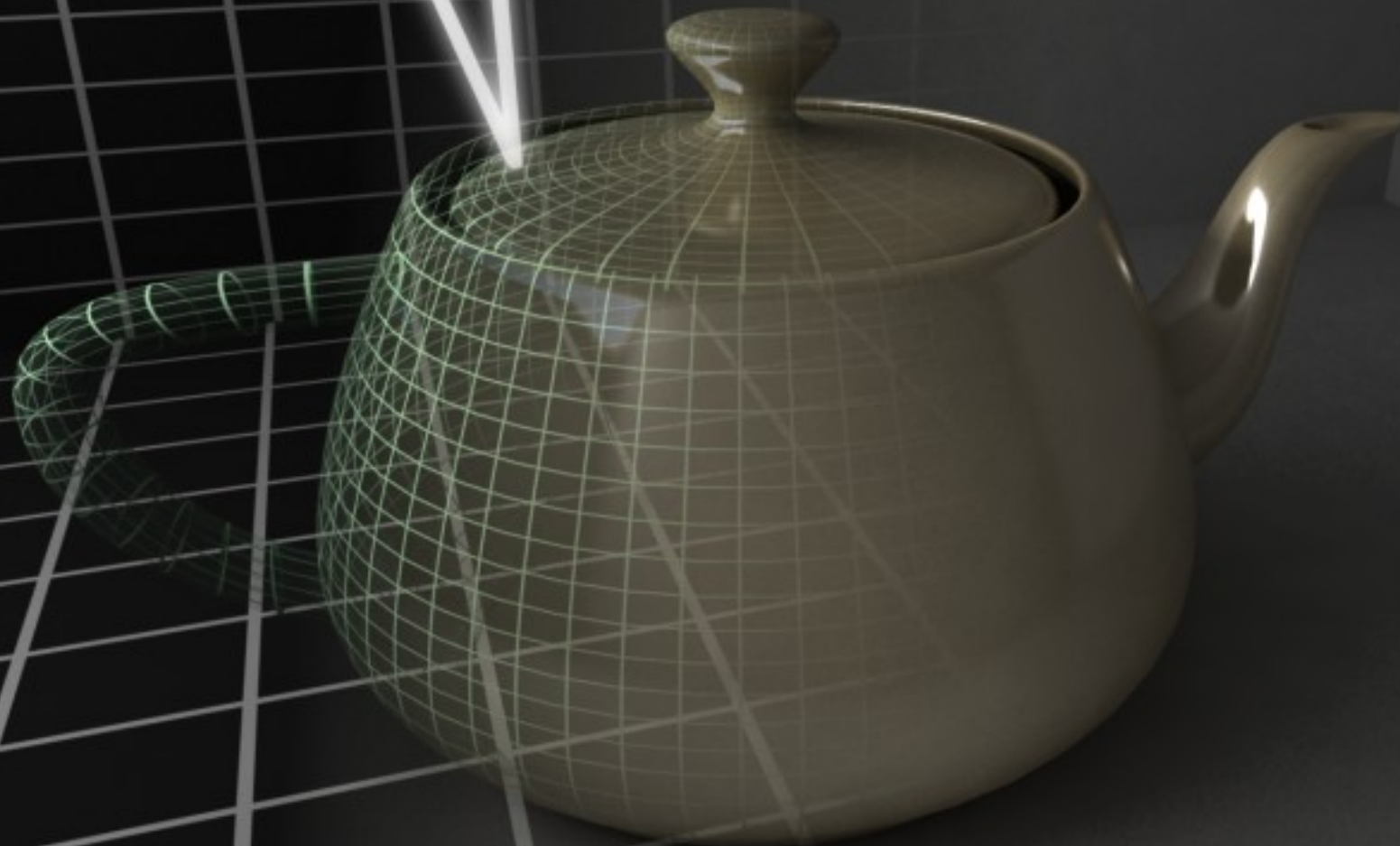


3D графика и трасиране на лъчи



<http://raytracing-bg.net/>

A 3D rendered scene featuring a white teapot. A wireframe mesh is overlaid on the teapot's body, and a bright light source from the top left casts a sharp shadow on the surface. The background is a simple grey gradient.

Тема 4

Въведение в камерата
Пресичане с равнини и кълбета

Съдържание

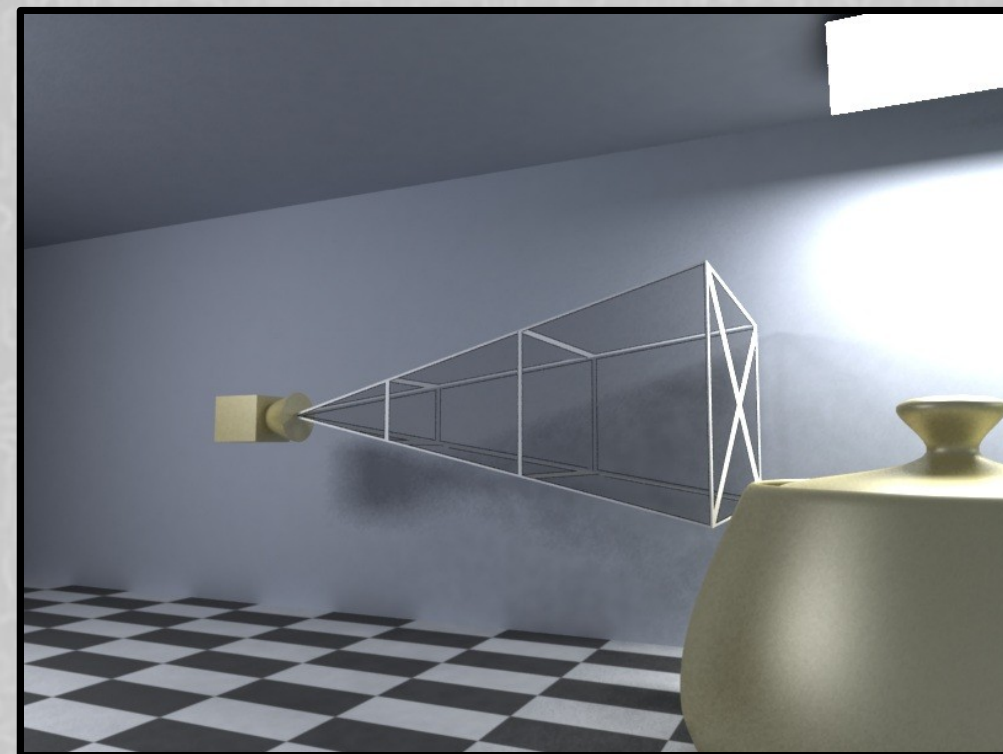
- Реализация на правоъгълна камера
- Реализация на raytracing алгоритъма
- Реализация на пресичания с равнина и сфера
- Шейдъри и текстури
- Сенки
- Домашни :)

Разходка из кода на проекта

- `svn://anrieff.no-ip.org/fmiray`
- Изчакване в SDL (SDL events)
- Код, който ще ползваме наготово: Color, Vector, Matrix

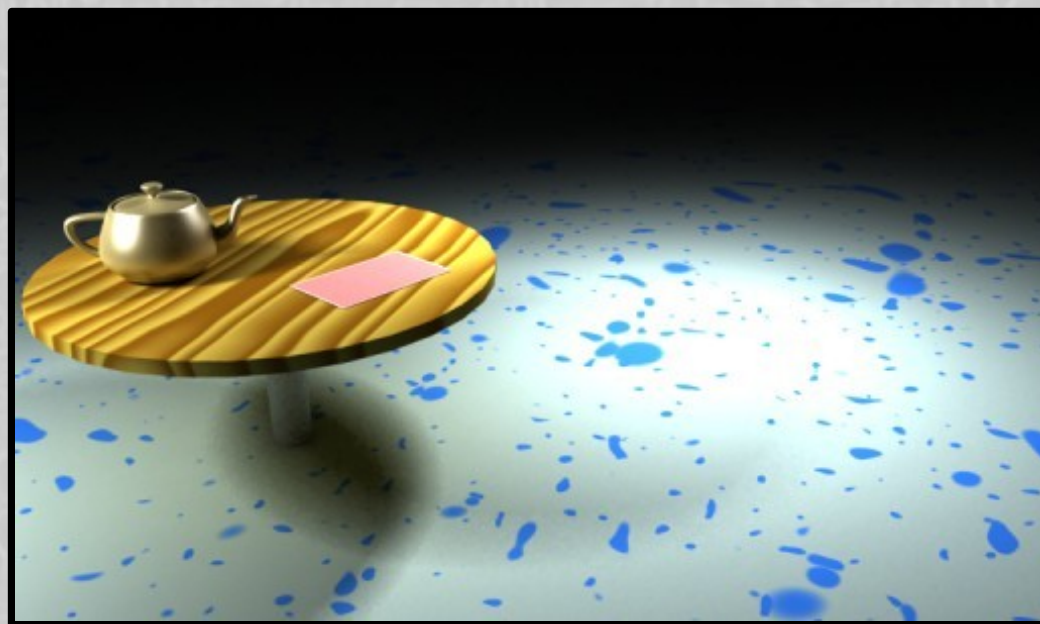
Реализация на камерата

- Ще реализираме стандартна, правоъгълна (rectilinear) камера
- Зрителното поле на камерата е във формата на правоъгълна пирамида
- Нарича се още pinhole camera
 - Няма фокус, DOF-ът е безкраен



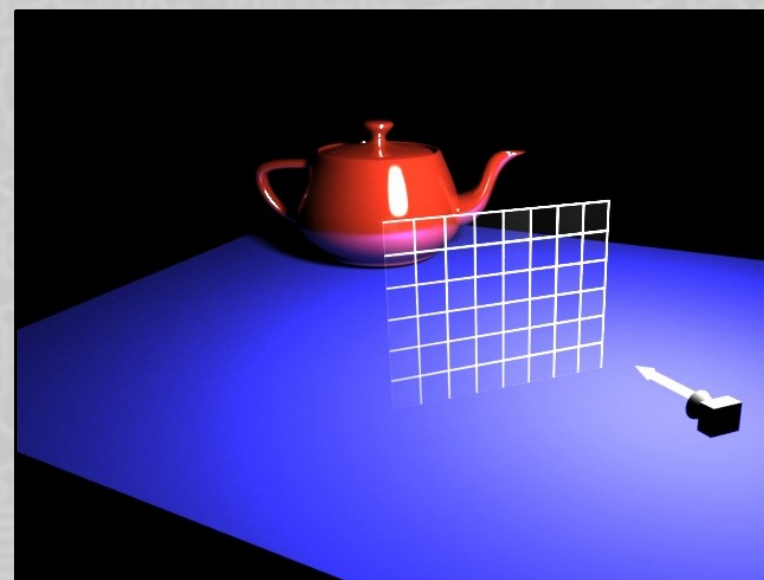
Реализация на камерата

- Ако разположим лист милиметрова хартия пред камерата, при подходяща разделителна способност, всяко квадратче ще отговаря на един пиксел
- Демонстрация [[millimetre.m4v](#)]



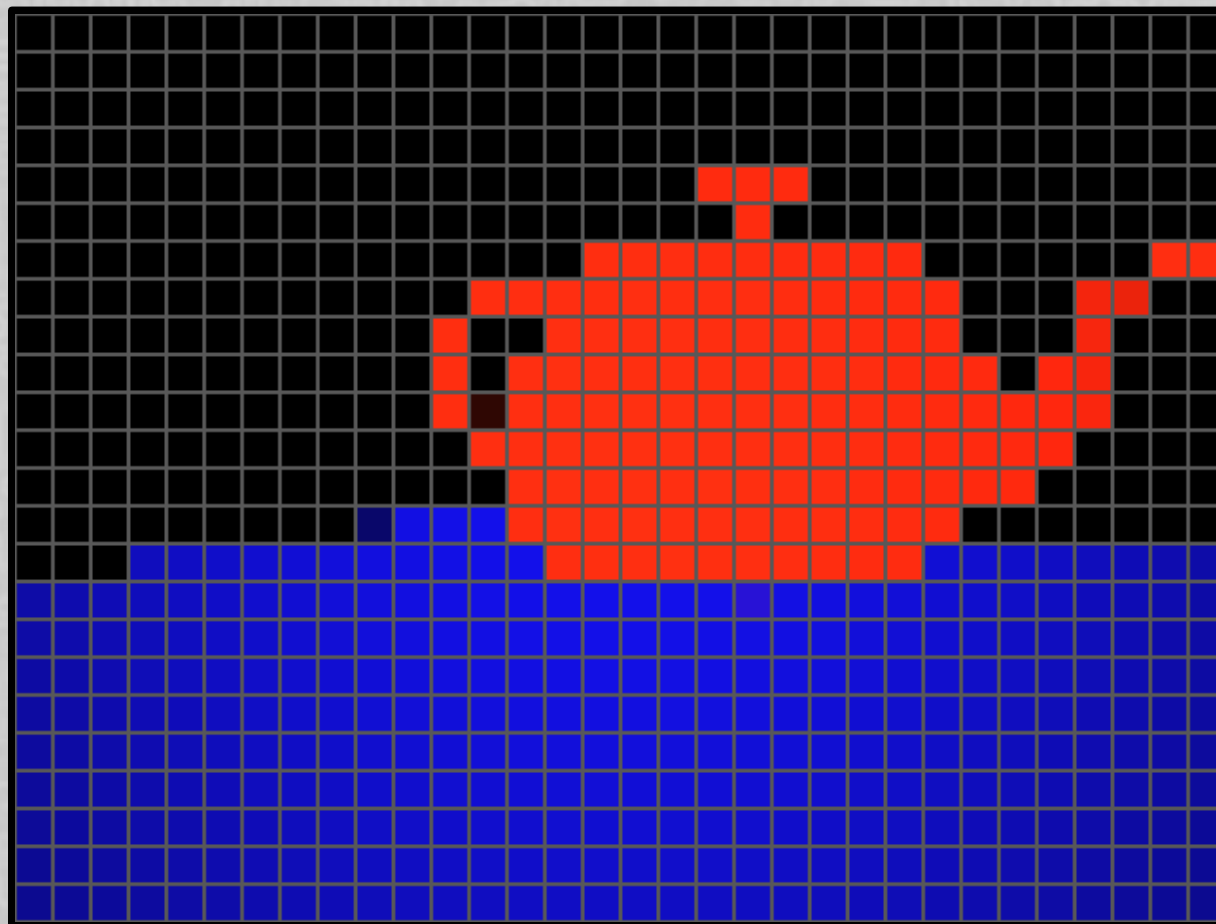
Реализация на камерата

- Най-простият възможен рейтрейсър: изстрелваме лъч през всеки пиксел и оцветяваме пиксела в зависимост от ударения обект
 - Например: черно, ако не ударим нищо; червено за чайник; синьо за равнина
- Демонстрация [[primitive.m4v](#)]



Реализация на камерата

- Резултатната картинка:



Реализация на камерата

- Ще симулираме листа „милиметрова хартия“
- Трябват ни просто три от краищата на листа (горен ляв, горен десен, долен ляв)
- Намиране на произволен пиксел (по зададени X, Y)
 - За X направлението, интерполираме между горен ляв и горен десен край
 - За Y направлението, интерполираме между горен ляв и долен ляв край
 - $$\text{DestP} = \text{TopLeft} + (\text{TopRight} - \text{TopLeft}) * (X / \text{screenW}) + (\text{BottomLeft} - \text{TopLeft}) * (Y / \text{screenH})$$

Реализация на камерата

- Как генерираме трите краища?
 - Ще предпологаме, че камерата се намира в $(0,0,0)$ и гледа в посока на оста Z
 - Ще разположим лист със зададеното отношение (aspect ratio), на разстояние 1 от камерата ($Z = 1$)
 - Ще мащабираме листа, така че диагоналния ъгъл да стане колкото искаме (FOV)
 - За наше удобство, ще задаваме FOV-а в градуси
 - Ще приложим трите ротации (roll, pitch и yaw) върху краищата

Генериране на лъчи

- Генерирането на лъчи след това става по споменатата формула, като трябва да транслираме лъча да тръгва от позицията на камерата
 - Самия лъч задаваме като двойка (начало, посока), като посоката е единичен вектор.

Рендерирането на сцената

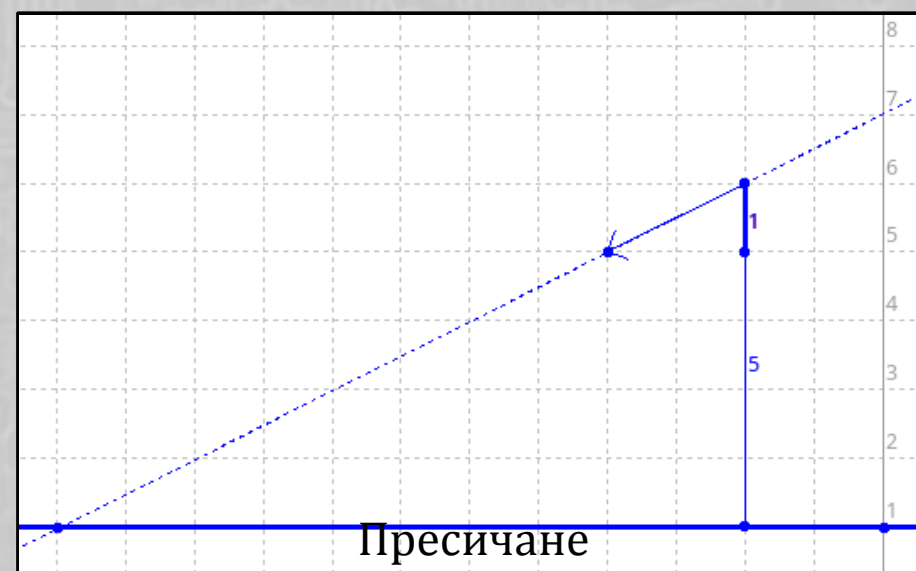
- **for each** y **in** rows:
 for each x **in** columns:
 $ray = camera.getRay(x, y)$
 $vfb[x, y] = raytrace(ray)$
- $raytrace()$ е функция, която, по даден лъч, намира цвета на първия ударен обект по протежение на лъча

Raytracing алгоритъма

- **Function** raytrace(ray) :
closestDist = $+\infty$
closestNode = None
for each node **in** sceneNodes:
 intersectionInfo = intersect(ray, node)
 if intersectionInfo.distance < closestDist:
 closestDist = intersectionInfo.distance
 closestNode = intersectionInfo.node
if closestDist == $+\infty$:
 return backgroundColor
return closestNode.computeColor()

Пресичане с равнина

- Ще реализираме обекта „равнина“. Равнината ще е успоредна на XZ координатната равнина, ще е зададено само разстоянието по y от XZ
- Имаме два случая:



Пресичане със сфера

- Разстоянието от центъра на сферата O до произволна точка T е: $\text{sqrt}((T_x - O_x)^2 + (T_y - O_y)^2 + (T_z - O_z)^2)$
- Позицията на всяка точка по лъча e : $\text{start} + p * \text{dir}$
 - Където $p > 0$ е параметър
 - Разстоянието от всяка точка на лъча до сферата се получава по горната формула, като заместим $T = \text{start} + p * \text{dir}$, за някое конкретно p
 - Търсим такова p , че разстоянието да е точно R (радиуса на сферата)

Пресичане със сфера

- $\sqrt{((start_x + p*dir_x) - O_x)^2 + ((start_y + p*dir_y) - O_y)^2 + ((start_z + p*dir_z) - O_z)^2} = R \Leftrightarrow$
 - (нека $H = start - O$):
- $\sqrt{(H_x + p*dir_x)^2 + (H_y + p*dir_y)^2 + (H_z + p*dir_z)^2} = R \Leftrightarrow$
- $(H_x + p*dir_x)^2 + (H_y + p*dir_y)^2 + (H_z + p*dir_z)^2 = R^2 \Leftrightarrow$
- $p^2(dir_x^2 + dir_y^2 + dir_z^2) + 2*p(H_x*dir_x + H_y*dir_y + H_z*dir_z) + (H_x^2 + H_y^2 + H_z^2 - R^2) = 0 \Leftrightarrow$
- $p^2 * dir.length^2 + p * (2 * dir \cdot H) + (H.length^2 - R^2) = 0$
- **Квадратно уравнение!**
 - 0 решения – лъчът не пресича сферата
 - 1 или 2 решения – лъчът допира или пресича сферата

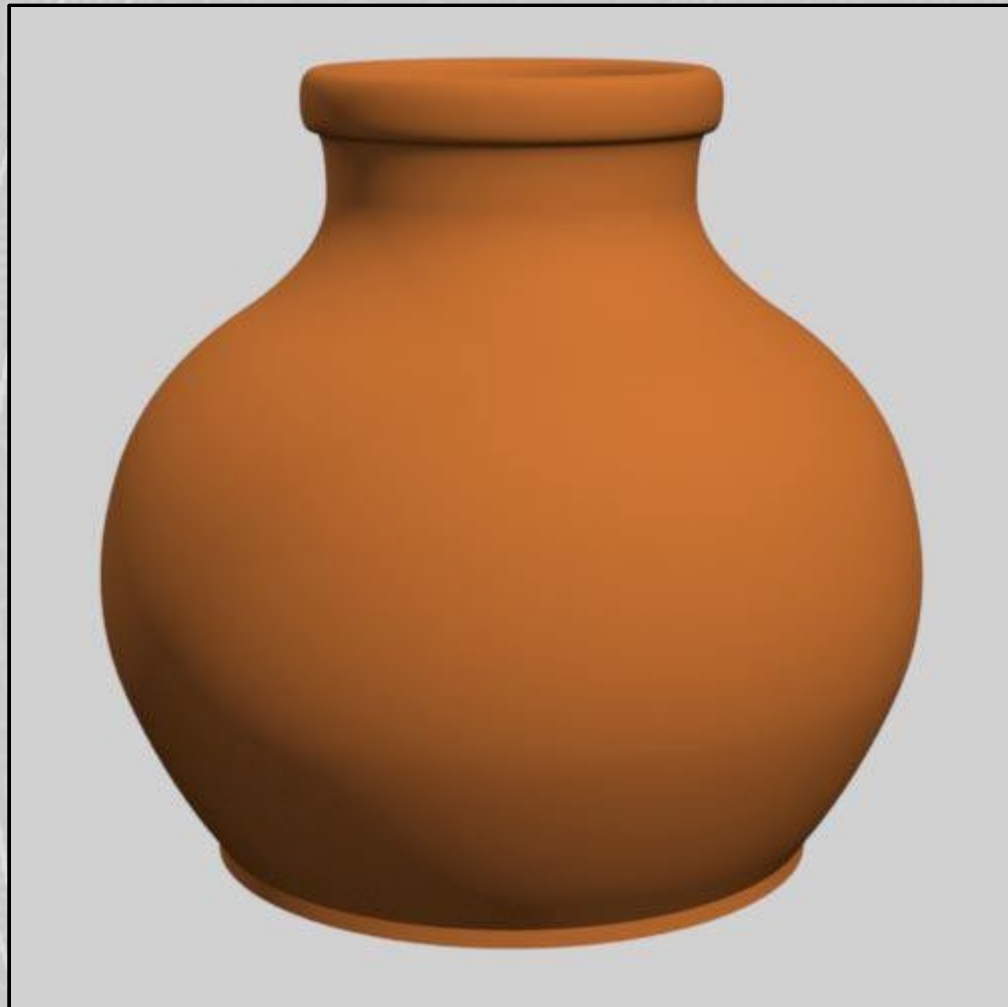
Осветление

- Ще използваме най-простия модел за лампа – точкова
- Точковата лампа има две характеристики
 - Позиция
 - Интензитет
- Точковата лампа разпръсква светлина във всички посоки
- Осветеността на дадена точка намалява с квадрата на отдалечеността ѝ от лампата ($1/(r^2)$)
 - Защо?

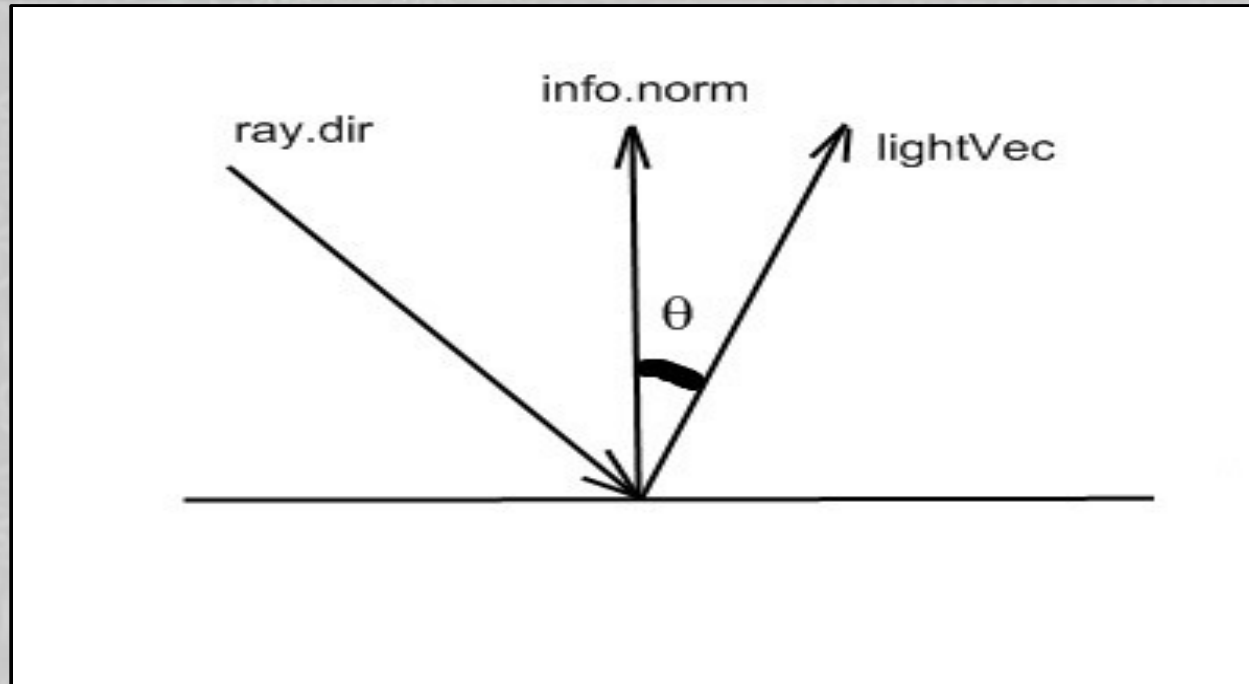
Материали

- Ще напишем 2 прости материала
 - Ламберт (или дифузен) модел
 - За матови повърхности, които не хвърлят отблясъци
 - Фонг (Phong) модел
 - За „лъскави“ повърхности

1 картинка струва поне 1000 думи

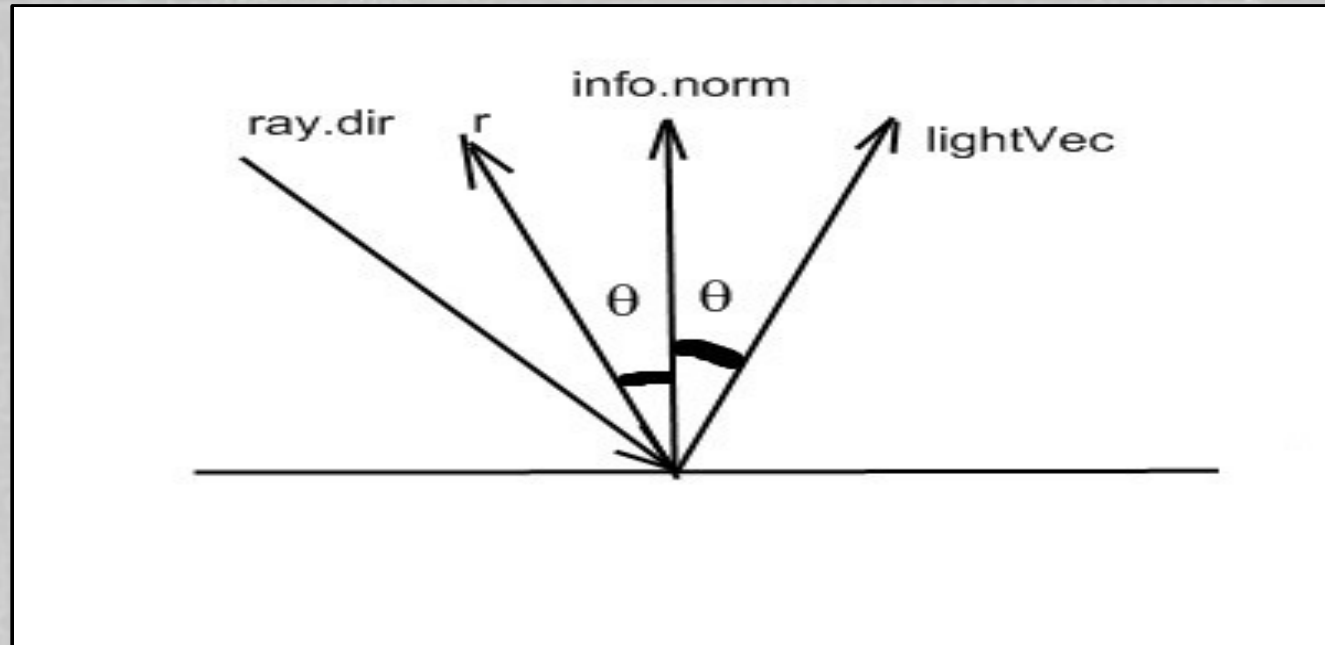


Ламберт



- $\text{OutColor} = \text{materialColor} * \max(0, \cos(\theta)) * \text{lightColor}$
- $\cos(\theta) = \text{dot}(\text{lightVec}, \text{info.norm})$

Фонг (Phong)



- R е отражението на lightVec спрямо нормалата info.norm
- $\text{OutColor} = \text{pow}(\text{dot}(-\text{ray.dir}, r), \text{exponent}) * \text{lightColor}$
- Exponent контролира „колко лъскав е материала“

A raytraced scene featuring a white teapot on the right and a wireframe sphere on the left. A light source from the top left casts a shadow of the sphere onto the teapot. The background is a grid pattern.

Домашни

- Дадени са 5 задачи – условията се намират на сайта на курса (<http://raytracing-bg.net/>)
- Краен срок – 12 по обяд на 6 Ноември 2009.